

МИНПРОСВЕЩЕНИЯ РОССИИ  
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение  
высшего образования  
«Волгоградский государственный социально-педагогический университет»  
Факультет математики, информатики и физики  
Кафедра алгебры, геометрии и математического анализа

«УТВЕРЖДАЮ»

Проректор по учебной работе

\_\_\_\_\_ Ю. А. Жадаев

« 31 » 05 2019 г.

## **Дополнительные главы математического анализа**

**Программа учебной дисциплины**

Направление 44.03.05 «Педагогическое образование (с двумя профилями  
подготовки)»

Профили «Математика», «Информатика»

*заочная форма обучения*

Волгоград  
2019

Обсуждена на заседании кафедры алгебры, геометрии и математического анализа  
« 26 » 03 2019 г., протокол № 8

Заведующий кафедрой \_\_\_\_\_ Карташов В.К. « 26 » 03 2019 г.  
(подпись) (зав. кафедрой) (дата)

Рассмотрена и одобрена на заседании учёного совета факультета математики, информатики и  
физики « 02 » 04 2019 г., протокол № 7

Председатель учёного совета Сергеев А.Н. \_\_\_\_\_ « 02 » 04 2019 г.  
(подпись) (дата)

Утверждена на заседании учёного совета ФГБОУ ВО «ВГСПУ»  
« 31 » 05 2019 г., протокол № 10

#### Отметки о внесении изменений в программу:

Лист изменений № \_\_\_\_\_ \_\_\_\_\_  
(подпись) (руководитель ОПОП) (дата)

Лист изменений № \_\_\_\_\_ \_\_\_\_\_  
(подпись) (руководитель ОПОП) (дата)

Лист изменений № \_\_\_\_\_ \_\_\_\_\_  
(подпись) (руководитель ОПОП) (дата)

#### Разработчики:

Жуков Борис Александрович, доктор технических наук, профессор кафедры высшей  
математики и физики ФГБОУ ВО "ВГСПУ",

Тимченко Ольга Владимировна, кандидат физико-математических наук, доцент кафедры  
высшей математики и физики ФГБОУ ВО "ВГСПУ".

Программа дисциплины «Дополнительные главы математического анализа» соответствует  
требованиям ФГОС ВО по направлению подготовки 44.03.05 «Педагогическое образование  
(с двумя профилями подготовки)» (утверждён приказом Министерства образования и науки  
РФ от 22 февраля 2018 г. N 125) и базовому учебному плану по направлению подготовки  
44.03.05 «Педагогическое образование (с двумя профилями подготовки)» (профили  
«Математика», «Информатика»), утверждённому Учёным советом ФГБОУ ВО «ВГСПУ» (от  
31 мая 2019 г., протокол № 10).

## 1. Цель освоения дисциплины

Формирование систематизированных знаний в области математического анализа.

## 2. Место дисциплины в структуре ОПОП

Дисциплина «Дополнительные главы математического анализа» относится к вариативной части блока дисциплин и является дисциплиной по выбору.

Для освоения дисциплины «Дополнительные главы математического анализа» обучающиеся используют знания, умения, способы деятельности и установки, сформированные в ходе изучения дисциплин «Графы и их приложения», «Естественнонаучная картина мира», «История математики», «Методика использования интерактивных средств при обучении математике», «Методика обучения математике на углубленном уровне», «Методика работы с одаренными детьми при изучении математики», «Основные алгебраические системы», «Основы теории решеток», «Расширения полей», «Специализированные математические пакеты», «Теория функций комплексного переменного», «Физика», «Цифровая дидактика математического образования».

Освоение данной дисциплины является необходимой основой для последующего изучения дисциплин «Графы и их приложения», «История математики», «Методика обучения математике на углубленном уровне», «Методика работы с одаренными детьми при изучении математики», «Основные алгебраические системы», «Основы теории решеток», «Расширения полей», «Теория функций комплексного переменного», прохождения практики «Преддипломная практика».

## 3. Планируемые результаты обучения

В результате освоения дисциплины выпускник должен обладать следующими компетенциями:

– владеет математикой как универсальным языком науки, средством моделирования явлений и процессов в естественных, социальных и образовательных системах (ПКР-1).

### В результате изучения дисциплины обучающийся должен:

#### **знать**

– определение интеграла от скалярной функции по неориентированной фигуре и его свойства;

– методы вычисления конкретных видов интегралов по фигуре;

– определение интеграла от векторной функции по ориентированной фигуре и его свойства;

– методы вычисления интегралов второго рода;

– интегральные теоремы;

– условия существования экстремума;

– определение условного экстремума; условия существования условного экстремума;

– свойства и графики основных элементарных функций;

– необходимые и достаточные условия разложения функции в степенной ряд;

#### **уметь**

– получать варианты определений конкретных интегралов из общего;

– сводить конкретные виды интегралов по фигуре к определенному;

– решать типовые задачи на определения конкретных видов интеграла из общего;

- решать типовые задачи на сведение интегралов второго рода к определенному;
- решать типовые задачи на применение интегральных теорем;
- исследовать на экстремум функции трёх и более переменных;
- исследовать функцию на условный экстремум;
- исследовать свойства функций и строить их графики;
- решать задачи на применение степенных рядов для вычислений;

**владеть**

- приемами вычисления интегралов;
- опытом применения интегралов по фигуре в геометрии и физике;
- опытом применения интегралов второго рода в физике;
- методами дифференциального исчисления функций многих переменных;
- методы дифференциального исчисления функций многих переменных;
- опытом построения графиков функций;
- приемами разложения основных элементарных функций в ряд Тейлора.

**4. Объём дисциплины и виды учебной работы**

Вид учебной работы	Всего часов	Семестры
		5з / 5л / 6з / 6л
<b>Аудиторные занятия (всего)</b>	20	5 / 5 / 10 / –
В том числе:		
Лекции (Л)	8	2 / 2 / 4 / –
Практические занятия (ПЗ)	12	3 / 3 / 6 / –
Лабораторные работы (ЛР)	–	– / – / – / –
<b>Самостоятельная работа</b>	124	31 / 31 / 62 / –
<b>Контроль</b>	–	– / – / – / –
Вид промежуточной аттестации		ЗЧ / – / – / ЗЧ
Общая трудоемкость	часы	144
	зачётные единицы	4
		36 / 36 / 72 / –
		1 / 1 / 2 / 0

**5. Содержание дисциплины**

**5.1. Содержание разделов дисциплины**

№ п/п	Наименование раздела дисциплины	Содержание раздела дисциплины
1	Интеграл от скалярной функции по неориентированной фигуре	Понятие скалярной функции и скалярного поля. Понятие неориентированной ограниченной фигуры. Достаточные условия существования меры фигуры. Определение интеграла от скалярной функции по неориентированной фигуре и условие его существования. Свойства интеграла от скалярной функции по неориентированной фигуре.
2	Вычисление интегралов первого рода по фигуре	Криволинейный интеграл первого рода. Двойной интеграл. Тройной интеграл. Вычисление поверхностного интеграла первого рода. Понятие аддитивной функции фигуры.
3	Интеграл от векторной функции по ориентированной фигуре	Понятие векторной функции и векторного поля в $R^n$ . Понятие ориентированной ограниченной фигуры в $R^n$ . Определение интеграла от векторной функции по ориентированной фигуре и условия его

		существования. Свойства интеграла от векторной функции по ориентированной фигуре. Различные формы интегралов по фигуре второго рода
4	Вычисление интегралов второго рода по фигуре	Вычисление криволинейного интеграла второго рода. Работа векторного поля. Вычисление поверхностного интеграла второго рода. Поток векторного поля.
5	Интегральные теоремы	Интегральные теоремы в $R^2$ . Интегральные теоремы в $R^3$ .
6	Экстремум функции многих переменных	Исследование на экстремум функций трёх и более переменных
7	Условный экстремум	Понятие условного экстремума. Условия существования условного экстремума
8	Элементарные функции	Основные элементарные функции, их свойства и графики.
9	Функциональные ряды	Разложение функций в ряд Тейлора. Приложения степенных рядов.

## 5.2. Количество часов и виды учебных занятий по разделам дисциплины

№ п/п	Наименование раздела дисциплины	Лекц.	Практ. зан.	Лаб. зан.	СРС	Всего
1	Интеграл от скалярной функции по неориентированной фигуре	–	2	–	13	15
2	Вычисление интегралов первого рода по фигуре	1	2	–	13	16
3	Интеграл от векторной функции по ориентированной фигуре	1	2	–	14	17
4	Вычисление интегралов второго рода по фигуре	1	1	–	14	16
5	Интегральные теоремы	1	1	–	14	16
6	Экстремум функции многих переменных	1	1	–	14	16
7	Условный экстремум	1	1	–	14	16
8	Элементарные функции	1	1	–	14	16
9	Функциональные ряды	1	1	–	14	16

## 6. Перечень основной и дополнительной учебной литературы

### 6.1. Основная литература

1. Максименко В.Н. Курс математического анализа. Часть 2 [Электронный ресурс]: учебное пособие/ Максименко В.Н., Меграбов А.Г., Павшук Л.В.— Электрон. текстовые данные.— Новосибирск: Новосибирский государственный технический университет, 2011.— 411 с.— Режим доступа: <http://www.iprbookshop.ru/45379>.— ЭБС «IPRbooks».

2. Сборник задач по математическому анализу. 2 семестр [Электронный ресурс]: учебное пособие/ О.Е. Дмитриева [и др.].— Электрон. текстовые данные.— Новосибирск: Сибирский государственный университет телекоммуникаций и информатики, 2011.— 91 с.— Режим доступа: <http://www.iprbookshop.ru/54799.html>.— ЭБС «IPRbooks».

### 6.2. Дополнительная литература

1. Польшкина Е.А. Сборник заданий по высшей математике с образцами решений (математический анализ) [Электронный ресурс]: учебно-методическое пособие/ Польшкина Е.А., Стакун Н.С.— Электрон. текстовые данные.— М.: Прометей, 2013.— 200 с.— Режим доступа: <http://www.iprbookshop.ru/24022>.— ЭБС «IPRbooks».

2. Камынин Л.И. Курс математического анализа. Том 1 [Электронный ресурс]/ Камынин Л.И.— Электрон. текстовые данные.— М.: Московский государственный университет имени М.В. Ломоносова, 2001.— 432 с.— Режим доступа: <http://www.iprbookshop.ru/13140>.— ЭБС «IPRbooks».

## **7. Ресурсы Интернета**

Перечень ресурсов Интернета, необходимых для освоения дисциплины:

1. [Http://mathprofi.absolom.ru](http://mathprofi.absolom.ru).
2. [Http://www.ikfia.ysn.ru/lektsii-i-obzory-dlya-studentov.html#учебники-и-другие-книги-по-математике](http://www.ikfia.ysn.ru/lektsii-i-obzory-dlya-studentov.html#учебники-и-другие-книги-по-математике).
3. Электронная библиотечная система IPRbooks. URL: <http://iprbookshop.ru>.
4. [Http://www.pm298.ru/mkanaliz.php](http://www.pm298.ru/mkanaliz.php).

## **8. Информационные технологии и программное обеспечение**

Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине, включая перечень программного обеспечения и информационных справочных систем (при необходимости):

1. Microsoft Office.
2. Foxit PDF Reader.

## **9. Материально-техническая база**

Для проведения учебных занятий по дисциплине «Дополнительные главы математического анализа» необходимо следующее материально-техническое обеспечение:

1. Учебная аудитория - ауд. 2228, 2229, 2226.
2. Аудитория с мультимедийной поддержкой - ауд. 2207, 2230.

## **10. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины**

Дисциплина «Дополнительные главы математического анализа» относится к вариативной части блока дисциплин и является дисциплиной по выбору. Программой дисциплины предусмотрено чтение лекций и проведение практических занятий. Промежуточная аттестация проводится в форме зачета, .

Лекционные занятия направлены на формирование глубоких, систематизированных знаний по разделам дисциплины. В ходе лекций преподаватель раскрывает основные, наиболее сложные понятия дисциплины, а также связанные с ними теоретические и практические проблемы, даёт рекомендации по практическому освоению изучаемого материала. В целях качественного освоения лекционного материала обучающимся рекомендуется составлять конспекты лекций, использовать эти конспекты при подготовке к практическим занятиям, промежуточной и итоговой аттестации.

Практические занятия являются формой организации педагогического процесса, направленной на углубление научно-теоретических знаний и овладение методами работы, в процессе которых вырабатываются умения и навыки выполнения учебных действий в сфере изучаемой науки. Практические занятия предполагают детальное изучение обучающимися отдельных теоретических положений учебной дисциплины. В ходе практических занятий формируются умения и навыки практического применения теоретических знаний в

конкретных ситуациях путем выполнения поставленных задач, развивается научное мышление и речь, осуществляется контроль учебных достижений обучающихся.

При подготовке к практическим занятиям необходимо ознакомиться с теоретическим материалом дисциплины по изучаемым темам – разобрать конспекты лекций, изучить литературу, рекомендованную преподавателем. Во время самого занятия рекомендуется активно участвовать в выполнении поставленных заданий, задавать вопросы, принимать участие в дискуссиях, аккуратно и своевременно выполнять контрольные задания.

Контроль за качеством обучения и ходом освоения дисциплины осуществляется на основе рейтинговой системы текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации студентов. Рейтинговая система предполагает 100-балльную оценку успеваемости студента по учебной дисциплине в течение семестра, 60 из которых отводится на текущий контроль, а 40 – на промежуточную аттестацию по дисциплине. Критериальная база рейтинговой оценки, типовые контрольные задания, а также методические материалы по их применению описаны в фонде оценочных средств по дисциплине, являющемся приложением к данной программе.

## **11. Учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы**

Самостоятельная работа обучающихся является неотъемлемой частью процесса обучения в вузе. Правильная организация самостоятельной работы позволяет обучающимся развивать умения и навыки в усвоении и систематизации приобретаемых знаний, обеспечивает высокий уровень успеваемости в период обучения, способствует формированию навыков совершенствования профессионального мастерства.

Самостоятельная работа обучающихся во внеаудиторное время включает в себя подготовку к аудиторным занятиям, а также изучение отдельных тем, расширяющих и углубляющих представления обучающихся по разделам изучаемой дисциплины. Такая работа может предполагать проработку теоретического материала, работу с научной литературой, выполнение практических заданий, подготовку ко всем видам контрольных испытаний, выполнение творческих работ.

Учебно-методическое обеспечение для самостоятельной работы обучающихся по дисциплине представлено в рабочей программе и включает в себя:

- рекомендуемую основную и дополнительную литературу;
- информационно-справочные и образовательные ресурсы Интернета;
- оценочные средства для проведения текущего контроля и промежуточной аттестации по дисциплине.

Конкретные рекомендации по планированию и проведению самостоятельной работы по дисциплине «Дополнительные главы математического анализа» представлены в методических указаниях для обучающихся, а также в методических материалах фондов оценочных средств.

## **12. Фонд оценочных средств**

Фонд оценочных средств, включающий перечень компетенций с указанием этапов их формирования, описание показателей и критериев оценивания компетенций на различных этапах их формирования, описание шкал оценивания, типовые контрольные задания и методические материалы является приложением к программе учебной дисциплины.