

МИНПРОСВЕЩЕНИЯ РОССИИ  
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение  
высшего образования  
«Волгоградский государственный социально-педагогический университет»  
Факультет математики, информатики и физики  
Кафедра высшей математики и физики

«УТВЕРЖДАЮ»  
Проректор по учебной работе  
Ю. А. Жадаев  
«30» мая 2022 г.



# Геометрия

## Программа учебной дисциплины

Направление 44.03.05 «Педагогическое образование (с двумя профилями  
подготовки)»

Профили «Математика», «Информатика»

*заочная форма обучения*

Волгоград  
2022

Обсуждена на заседании кафедры высшей математики и физики

«22» апреля 2022 г., протокол № 4

Заведующий кафедрой \_\_\_\_\_ «22» апреля 2022 г.  
(подпись) С.В. Гуров (зав. кафедрой) (дата)

Рассмотрена и одобрена на заседании учёного совета факультета математики, информатики и физики «13» мая 2022 г., протокол № 10

Председатель учёного совета Харламов Д.С. «13» мая 2022 г.  
(подпись) (дата)

Утверждена на заседании учёного совета ФГБОУ ВО «ВГСПУ»

«30» мая 2022 г., протокол № 13

#### Отметки о внесении изменений в программу:

Лист изменений № \_\_\_\_\_ (подпись) \_\_\_\_\_ (руководитель ОПОП) \_\_\_\_\_ (дата)

Лист изменений № \_\_\_\_\_ (подпись) \_\_\_\_\_ (руководитель ОПОП) \_\_\_\_\_ (дата)

Лист изменений № \_\_\_\_\_ (подпись) \_\_\_\_\_ (руководитель ОПОП) \_\_\_\_\_ (дата)

#### Разработчики:

Астахова Наталья Александровна, канд. пед. наук, доцент кафедры высшей математики и физики ФГБОУ ВО «ВГСПУ»,

Расстригин Александр Леонидович, канд. физ.-мат. наук, доцент кафедры высшей математики и физики ФГБОУ ВО «ВГСПУ».

Программа дисциплины «Геометрия» соответствует требованиям ФГОС ВО по направлению подготовки 44.03.05 «Педагогическое образование (с двумя профилями подготовки)» (утверждён приказом Министерства образования и науки РФ от 22 февраля 2018 г. N 125) и базовому учебному плану по направлению подготовки 44.03.05 «Педагогическое образование (с двумя профилями подготовки)» (профили «Математика», «Информатика»), утверждённому Учёным советом ФГБОУ ВО «ВГСПУ» (от 30 мая 2022 г., протокол № 13).

## **1. Цель освоения дисциплины**

Формирование универсальных, общепрофессиональных и профессиональных компетенций у обучающихся, готовности к использованию систематизированных знаний в области геометрии и ее основных методов при решении задач профессиональной деятельности учителя математики.

## **2. Место дисциплины в структуре ОПОП**

Дисциплина «Геометрия» относится к базовой части блока дисциплин.

Для освоения дисциплины «Геометрия» обучающиеся используют знания, умения, способы деятельности и установки, сформированные в ходе изучения дисциплин «Алгебра», «Математические основы информатики», «Математический анализ», «Педагогика», «Программное обеспечение систем и сетей», «Психология», «Технологии цифрового образования», «Философия», «Вводный курс математики», прохождения практики «Учебная (ознакомительная по элементарной математике) практика».

Освоение данной дисциплины является необходимой основой для последующего изучения дисциплин «Алгебра», «Архитектура компьютера», «Веб-технологии», «Дискретная математика», «Дискретные модели в информатике», «Информационная безопасность и защита информации», «Информационные системы», «Компьютерное моделирование», «Математическая логика», «Математические основы информатики», «Математический анализ», «Методика обучения информатике», «Методика обучения математике», «Методы исследовательской / проектной деятельности», «Методы математической обработки данных», «Основы искусственного интеллекта», «Педагогика», «Практикум по решению предметных задач», «Программирование», «Психология», «Психолого-педагогические основы обучения математике», «Теоретические основы информатики», «Теория алгоритмов», «Теория вероятностей и математическая статистика», «Теория чисел», «Философия», «Численные методы», «Числовые системы», «Элементарная математика», «3D-моделирование и печать», «Администрирование компьютерных систем», «Вариативные методические системы обучения математике», «Дифференциальные уравнения», «Компьютерная алгебра», «Компьютерная графика и мультимедиа технологии», «Компьютерные сети», «Методика использования интерактивных средств при обучении математике», «Образовательная робототехника», «Перспективные направления искусственного интеллекта», «Перспективные направления компьютерного моделирования», «Соревнования по образовательной робототехнике», «Специализированные математические пакеты», «Теория функций комплексного переменного», «Цифровая дидактика математического образования», «Электронные образовательные ресурсы в обучении информатике», прохождения практик «Производственная (научно-исследовательская работа) практика», «Производственная (педагогическая по информатике) практика», «Производственная (педагогическая по математике) практика», «Производственная (педагогическая) практика», «Учебная (научно-исследовательская работа, получение первичных навыков научно-исследовательской работы) практика», «Учебная (ознакомительная по информатике) практика», «Учебная (ознакомительная по математике) практика», «Учебная (технологическая по педагогике) практика», «Учебная (технологическая по психологии) практика».

## **3. Планируемые результаты обучения**

В результате освоения дисциплины выпускник должен обладать следующими компетенциями:

– способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач (УК-1);

– способен осваивать и использовать теоретические знания и практические умения и навыки в предметной области при решении профессиональных задач (ПК-1);

– способен формировать развивающую образовательную среду для достижения личностных, предметных и метапредметных результатов обучения средствами преподаваемых учебных предметов (ПК-3).

### **В результате изучения дисциплины обучающийся должен:**

#### ***знать***

- определения основных понятий и доказательства фактов аналитической геометрии;
- методы критического анализа и синтеза информации;
- основные понятия и доказательства фактов аффинной геометрии;
- структуру, состав и дидактические единицы содержания школьного курса математики;
- основы аксиоматического метода и основные положения геометрии Лобачевского;
- роль и место математики в общей картине научного знания;

#### ***уметь***

- применять теоретические знания к решению задач по аналитической геометрии;
- применять системный подход для решения поставленных задач;
- решать типовые задачи по разделу;
- осуществлять отбор учебного содержания для его реализации в различных формах обучения в соответствии с современными требованиями к образованию;
- применять различные методы при решении задач на построение;

#### ***владеть***

- алгоритмами использования методов аналитической геометрии при решении задач на прямую и плоскость в пространстве, на линии второго порядка на плоскости, на поверхности второго порядка в пространстве;
- навыками рефлексии по поводу собственной и чужой мыслительной деятельности;
- приемами использования элементов аффинной геометрии при решении прикладных задач;
- приемами использования основ аксиоматического построения геометрии;
- навыком применения различных методов, приемов и технологий в обучении математике.

## **4. Объём дисциплины и виды учебной работы**

Вид учебной работы	Всего часов	Семестры
		1л / 2з / 2л
<b>Аудиторные занятия (всего)</b>	36	12 / 10 / 14
В том числе:		
Лекции (Л)	12	4 / 4 / 4
Практические занятия (ПЗ)	24	8 / 6 / 10
Лабораторные работы (ЛР)	–	– / – / –
<b>Самостоятельная работа</b>	302	56 / 125 / 121
<b>Контроль</b>	22	4 / 9 / 9

Вид промежуточной аттестации		ЗЧ / ЭК / ЭК
Общая трудоемкость	часы	360
	зачётные единицы	10
		72 / 144 / 144
		2 / 4 / 4

## 5. Содержание дисциплины

### 5.1. Содержание разделов дисциплины

№ п/п	Наименование раздела дисциплины	Содержание раздела дисциплины
1	Аналитическая геометрия и векторная алгебра	Направленные отрезки и векторы. Операции над векторами. Коллинеарные, компланарные векторы. Базис векторного пространства. Координаты вектора в базисе. Скалярное произведение векторов. Векторное произведение векторов. Смешанное произведение векторов. Координаты точек на плоскости и в пространстве. Уравнения прямой на плоскости. Взаимное расположение двух прямых на плоскости. Полу плоскость. Уравнения плоскости. Взаимное расположение двух плоскостей. Уравнения прямой в пространстве. Взаимное расположение двух прямых. Взаимное расположение прямой и плоскости. Полу пространство. Эллипс, гипербола, парабола. Классификация кривых второго порядка. Поверхности второго порядка.
2	Геометрические преобразования. Элементы дифференциальной геометрии.	Отображения и преобразования множеств. Движения плоскости. Группа движений плоскости и ее подгруппы. Гомотетия. Подобия плоскости. Группа подобий и ее подгруппы. Подобные фигуры. Аффинные и перспективно-аффинные преобразования плоскости. Группа аффинных преобразований плоскости и ее подгруппы. Инверсия плоскости относительно окружности. Движения пространства. Кривые и поверхности в пространстве, их свойства.
3	Построения на плоскости циркулем и линейкой. Основания геометрии.	Построения циркулем и линейкой. Метод конструктивных множеств при решении задач на построение. Применение свойств преобразований плоскости к решению задач на построение. Алгебраический метод решения задач на построение. Задачи на построения, неразрешимые циркулем и линейкой. Методы изображения. Основания геометрии и элементы геометрии Лобачевского. Аксиоматический метод. Аксиоматики Вейля, Гильберта. Пятый постулат Евклида и аксиома параллельности Плейфера. Аксиома параллельности Лобачевского. Сумма углов треугольника и четырехугольника на плоскости Лобачевского. Параллельные и расходящиеся прямые по Лобачевскому. Угол параллельности. Функция Лобачевского. Окружность, эквидистанта и орицикл. Модели плоскости Лобачевского. Длина отрезка, площадь многоугольника и объема многогранника.

## 5.2. Количество часов и виды учебных занятий по разделам дисциплины

№ п/п	Наименование раздела дисциплины	Лекц.	Практ. зан.	Лаб. зан.	СРС	Всего
1	Аналитическая геометрия и векторная алгебра	3	5	–	61	69
2	Геометрические преобразования. Элементы дифференциальной геометрии.	5	9	–	110	124
3	Построения на плоскости циркулем и линейкой. Основания геометрии.	4	10	–	131	145

## 6. Перечень основной и дополнительной учебной литературы

### 6.1. Основная литература

1. Атанасян С.Л. Геометрия 1 : учебное пособие для вузов / Атанасян С.Л., Покровский В.Г.. — Москва : Лаборатория знаний, 2021. — 332 с. — ISBN 978-5-93208-507-3. — Текст : электронный // Электронно-библиотечная система IPR BOOKS : [сайт]. — URL: <https://www.iprbookshop.ru/105772.html>. — Режим доступа: для авторизир. пользователей.

2. Атанасян С.Л. Геометрия 2 : учебное пособие для вузов / Атанасян С.Л., Покровский В.Г., Ушаков А.В.. — Москва : Лаборатория знаний, 2020. — 545 с. — ISBN 978-5-00101-678-6. — Текст : электронный // Электронно-библиотечная система IPR BOOKS : [сайт]. — URL: <https://www.iprbookshop.ru/37030.html>. — Режим доступа: для авторизир. пользователей.

3. Атанасян Л.С. Геометрия Лобачевского / Атанасян Л.С.. — Москва : Лаборатория знаний, 2021. — 465 с. — ISBN 978-5-93208-508-0. — Текст : электронный // Электронно-библиотечная система IPR BOOKS : [сайт]. — URL: <https://www.iprbookshop.ru/89000.html>. — Режим доступа: для авторизир. пользователей.

### 6.2. Дополнительная литература

1. Погорелов А.В. Аналитическая геометрия / Погорелов А.В.. — Москва, Ижевск : Регулярная и хаотическая динамика, Институт компьютерных исследований, 2019. — 208 с. — ISBN 978-5-4344-0720-5. — Текст : электронный // Электронно-библиотечная система IPR BOOKS : [сайт]. — URL: <https://www.iprbookshop.ru/97364.html>. — Режим доступа: для авторизир. пользователей.

2. Аналитическая геометрия : практикум для СПО / О.Н. Казакова [и др.]. — Саратов : Профобразование, 2020. — 116 с. — ISBN 978-5-4488-0577-6. — Текст : электронный // Электронно-библиотечная система IPR BOOKS : [сайт]. — URL: <https://www.iprbookshop.ru/92122.html>. — Режим доступа: для авторизир. пользователей.

## 7. Ресурсы Интернета

Перечень ресурсов Интернета, необходимых для освоения дисциплины:

1. Пакет авторских презентаций по курсу аналитической геометрии.
2. Пакет авторских презентаций по основаниям геометрии.

## 8. Информационные технологии и программное обеспечение

Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине, включая перечень программного обеспечения и информационных справочных систем (при необходимости):

1. Microsoft Office.
2. Офисный пакет Open Office.

## **9. Материально-техническая база**

Для проведения учебных занятий по дисциплине «Геометрия» необходимо следующее материально-техническое обеспечение:

1. Аудитория с мультимедийной поддержкой для проведения лекционных и практических занятий.
2. Учебная аудитория для проведения практических занятий.
3. Аудитория для проведения самостоятельной работы студентов с доступом к сети Интернет.

## **10. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины**

Дисциплина «Геометрия» относится к базовой части блока дисциплин. Программой дисциплины предусмотрено чтение лекций и проведение практических занятий. Промежуточная аттестация проводится в форме зачета, экзамена.

Лекционные занятия направлены на формирование глубоких, систематизированных знаний по разделам дисциплины. В ходе лекций преподаватель раскрывает основные, наиболее сложные понятия дисциплины, а также связанные с ними теоретические и практические проблемы, даёт рекомендации по практическому освоению изучаемого материала. В целях качественного освоения лекционного материала обучающимся рекомендуется составлять конспекты лекций, использовать эти конспекты при подготовке к практическим занятиям, промежуточной и итоговой аттестации.

Практические занятия являются формой организации педагогического процесса, направленной на углубление научно-теоретических знаний и овладение методами работы, в процессе которых вырабатываются умения и навыки выполнения учебных действий в сфере изучаемой науки. Практические занятия предполагают детальное изучение обучающимися отдельных теоретических положений учебной дисциплины. В ходе практических занятий формируются умения и навыки практического применения теоретических знаний в конкретных ситуациях путем выполнения поставленных задач, развивается научное мышление и речь, осуществляется контроль учебных достижений обучающихся.

При подготовке к практическим занятиям необходимо ознакомиться с теоретическим материалом дисциплины по изучаемым темам – разобрать конспекты лекций, изучить литературу, рекомендованную преподавателем. Во время самого занятия рекомендуется активно участвовать в выполнении поставленных заданий, задавать вопросы, принимать участие в дискуссиях, аккуратно и своевременно выполнять контрольные задания.

Контроль за качеством обучения и ходом освоения дисциплины осуществляется на основе рейтинговой системы текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации студентов. Рейтинговая система предполагает 100-балльную оценку успеваемости студента по учебной дисциплине в течение семестра, 60 из которых отводится на текущий контроль, а 40 – на промежуточную аттестацию по дисциплине. Критериальная база рейтинговой оценки, типовые контрольные задания, а также методические материалы по их применению описаны в фонде оценочных средств по дисциплине, являющемся приложением к данной программе.

## **11. Учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы**



Самостоятельная работа обучающихся является неотъемлемой частью процесса обучения в вузе. Правильная организация самостоятельной работы позволяет обучающимся развивать умения и навыки в усвоении и систематизации приобретаемых знаний, обеспечивает высокий уровень успеваемости в период обучения, способствует формированию навыков совершенствования профессионального мастерства.

Самостоятельная работа обучающихся во внеаудиторное время включает в себя подготовку к аудиторным занятиям, а также изучение отдельных тем, расширяющих и углубляющих представления обучающихся по разделам изучаемой дисциплины. Такая работа может предполагать проработку теоретического материала, работу с научной литературой, выполнение практических заданий, подготовку ко всем видам контрольных испытаний, выполнение творческих работ.

Учебно-методическое обеспечение для самостоятельной работы обучающихся по дисциплине представлено в рабочей программе и включает в себя:

- рекомендуемую основную и дополнительную литературу;
- информационно-справочные и образовательные ресурсы Интернета;
- оценочные средства для проведения текущего контроля и промежуточной аттестации по дисциплине.

Конкретные рекомендации по планированию и проведению самостоятельной работы по дисциплине «Геометрия» представлены в методических указаниях для обучающихся, а также в методических материалах фондов оценочных средств.

## **12. Фонд оценочных средств**

Фонд оценочных средств, включающий перечень компетенций с указанием этапов их формирования, описание показателей и критериев оценивания компетенций на различных этапах их формирования, описание шкал оценивания, типовые контрольные задания и методические материалы является приложением к программе учебной дисциплины.