

ТЕОРИЯ ФУНКЦИЙ КОМПЛЕКСНОГО ПЕРЕМЕННОГО

1. Цель освоения дисциплины

Формирование систематизированных знаний по теории функций комплексного переменного.

2. Место дисциплины в структуре ОПОП

Дисциплина «Теория функций комплексного переменного» относится к вариативной части блока дисциплин.

Для освоения дисциплины «Теория функций комплексного переменного» обучающиеся используют знания, умения, способы деятельности и установки, сформированные в ходе изучения дисциплин «Алгебра», «Геометрия», «Деньги, кредит, банки», «Дискретная математика», «Институциональная экономика», «Макроэкономика», «Математическая логика», «Математический анализ», «Методика обучения математике», «Методы исследовательской / проектной деятельности», «Методы математической обработки данных», «Микроэкономика», «Мировая экономика и международные экономические отношения», «Основы предпринимательства», «Основы статистики», «Педагогика», «Психология», «Психолого-педагогические основы обучения математике», «Решение профессиональных задач учителя», «Современные основы обучения», «Социально-экономическая статистика», «Теория вероятностей и математическая статистика», «Теория чисел», «Технологии цифрового образования», «Философия», «Числовые системы», «Экономика труда», «Экономика фирмы», «Экономическая история», «Экономические основы образования», «Элементарная математика», «Вариативные методические системы обучения математике», «Дифференциальные уравнения», «Исследование операций», «История математики», «Методика экономического воспитания в курсе обществознания», «Основы менеджмента», «Практикум решения школьных математических задач», «Стратегический менеджмент», прохождения практик «Производственная (педагогическая по математике) практика», «Производственная (педагогическая по экономике) практика», «Производственная (педагогическая) практика», «Производственная (стажерская) практика», «Учебная (научно-исследовательская работа, получение первичных навыков научно-исследовательской работы) практика», «Учебная (ознакомительная по математике) практика», «Учебная (ознакомительная по экономике) практика», «Учебная (ознакомительная по элементарной математике) практика», «Учебная (предметно-содержательная) практика», «Учебная (технологическая по педагогике) практика», «Учебная (технологическая по психологии) практика».

3. Планируемые результаты обучения

В результате освоения дисциплины выпускник должен обладать следующими компетенциями:

- способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач (УК-1);
- способен осваивать и использовать теоретические знания и практические умения и навыки в предметной области при решении профессиональных задач (ПК-1);
- способен формировать развивающую образовательную среду для достижения личностных, предметных и метапредметных результатов обучения средствами преподаваемых учебных предметов (ПК-3).

В результате изучения дисциплины обучающийся должен:

знать

- определение комплексных чисел, функций комплексного переменного и их геометрический смысл;

- определение числовой последовательности и числового ряда, признаки сходимости числовых рядов, определение предела и непрерывности функции, их свойства;
- определение комплексной дифференцируемости функции и условия Коши-Римана, геометрический смысл модуля и аргумента производной;
- определение и свойства аналитической функции;
- определение и свойства контурного интеграла, формулу и теорему Коши;
- определение и свойства степенных рядов, рядов Лорана и Тейлора, равномерной сходимости, определение вычета;
- определение вычета;

уметь

- производить типовые операции над комплексными числами (в т.ч. отделять вещественную часть комплексной функции от мнимой);
- исследовать числовой ряд на сходимость;
- вычислять производные функций (в том числе и аналитических функций), проверять условия Коши-Римана;
- вычислять производные аналитических функций, проверять условия Коши-Римана;
- вычислять контурные интегралы от функций комплексного переменного и аналитических функций;
- исследовать степенные ряды на сходимость, вычислять вычеты;

владеть

- приемами представления комплексных чисел в различных формах;
- приемами вычисления пределов и исследования функции на непрерывность;
- опытом нахождения производных функций;
- приемами исследования функций на аналитичность;
- опытом нахождения первообразной от аналитической функции в односвязной области;
- приемами разложения аналитических функций в ряды Лорана и Тейлора.

4. Общая трудоёмкость дисциплины и её распределение

количество зачётных единиц – 3,

общая трудоёмкость дисциплины в часах – 108 ч. (в т.ч. аудиторных часов – 42 ч., СРС – 62 ч.),

распределение по семестрам – 10,

форма и место отчётности – аттестация с оценкой (10 семестр).

5. Краткое содержание дисциплины

Функции комплексного переменного.

Комплексные числа, алгебраическая, тригонометрическая и показательная формы.

Геометрический смысл. Операции над числами. Функции комплексного переменного.

Вещественная и мнимая части.

Предел и непрерывность функции комплексного переменного.

Числовые последовательности. Предел. Числовые ряды. Признаки сходимости Предел и непрерывность функции

Дифференцирование функции комплексного переменного. Понятие аналитической функции. Комплексная дифференцируемость. Условия Коши-Римана. Геометрический смысл модуля и аргумента производной. Аналитичность.

Интегрирование функции комплексного переменного. Теорема Коши.

Контурный интеграл. Теорема Коши, формула Коши.

Ряды Тейлора и Лорана. Вычеты и их приложения.
Функциональные ряды. Равномерная сходимость. Степенные ряды. Ряд Тейлора. Ряд Лорана.
Вычеты.

6. Разработчик

Маглеванный Илья Иванович, доктор физико-математических наук, профессор кафедры
высшей математики и физики ФГБОУ ВО "ВГСПУ",
Харламов Олег Сергеевич, кандидат физико-математических наук, доцент кафедры высшей
математики и физики ФГБОУ ВО "ВГСПУ".