

# МАТЕМАТИЧЕСКАЯ ЛОГИКА

## 1. Цель освоения дисциплины

Формирование универсальных, общепрофессиональных и профессиональных компетенций у обучающихся, готовности к использованию систематизированных знаний по теории математической логики при решении задач профессиональной деятельности учителя математики.

## 2. Место дисциплины в структуре ОПОП

Дисциплина «Математическая логика» относится к базовой части блока дисциплин. Для освоения дисциплины «Математическая логика» обучающиеся используют знания, умения, способы деятельности и установки, сформированные в ходе изучения дисциплин «Алгебра», «Геометрия», «Деньги, кредит, банки», «Дискретная математика», «Институциональная экономика», «Макроэкономика», «Математический анализ», «Методы исследовательской / проектной деятельности», «Методы математической обработки данных», «Микроэкономика», «Педагогика», «Психология», «Современные основы обучения», «Теория чисел», «Технологии цифрового образования», «Философия», «Экономика труда», «Экономика фирмы», «Экономическая история», «Основы менеджмента», прохождения практик «Производственная (педагогическая) практика», «Учебная (научно-исследовательская работа, получение первичных навыков научно-исследовательской работы) практика», «Учебная (ознакомительная по экономике) практика», «Учебная (ознакомительная по элементарной математике) практика», «Учебная (предметно-содержательная) практика», «Учебная (технологическая по педагогике) практика», «Учебная (технологическая по психологии) практика».

Освоение данной дисциплины является необходимой основой для последующего изучения дисциплин «Методика обучения математике», «Мировая экономика и международные экономические отношения», «Основы предпринимательства», «Решение профессиональных задач учителя», «Социально-экономическая статистика», «Теория вероятностей и математическая статистика», «Числовые системы», «Элементарная математика», «Вариативные методические системы обучения математике», «Исследование операций», «История математики», «Методика использования интерактивных средств при обучении математике», «Методика преподавания экономики в курсе обществознания», «Методика экономического воспитания в курсе обществознания», «Практикум решения школьных математических задач», «Теория функций комплексного переменного», «Цифровая дидактика математического образования», прохождения практик «Производственная (научно-исследовательская работа) практика», «Производственная (педагогическая по математике) практика», «Производственная (педагогическая по экономике) практика», «Производственная (стажерская) практика».

## 3. Планируемые результаты обучения

В результате освоения дисциплины выпускник должен обладать следующими компетенциями:

- способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач (УК-1);
- способен осваивать и использовать теоретические знания и практические умения и навыки в предметной области при решении профессиональных задач (ПК-1);
- способен формировать развивающую образовательную среду для достижения личностных, предметных и метапредметных результатов обучения средствами преподаваемых учебных предметов (ПК-3).

**В результате изучения дисциплины обучающийся должен:**

### **знать**

- основные законы логической равносильности, методы распознавания тождественно истинных формул и равносильных формул, компоненты и основные свойства исчисления высказываний;
- методы критического анализа и синтеза информации;
- основные свойства исчисления предикатов;
- роль и место математики в общей картине научного знания;

### **уметь**

- распознавать тождественно истинные формулы языка логики высказываний; доказывать равносильность формул логики высказываний;
- применять системный подход для решения поставленных задач;
- решать типовые задачи в области формальных систем;
- осуществлять отбор учебного содержания для его реализации в различных формах обучения в соответствии с современными требованиями к образованию;

### **владеть**

- навыками равносильных преобразований логических формул; методами распознавания тождественно истинных формул и равносильных формул;
- навыками рефлексии по поводу собственной и чужой мыслительной деятельности;
- навыком применения средства языка логики предикатов для записи математических предложений;
- навыком применения различных методов, приемов и технологий в обучении математике.

## **4. Общая трудоёмкость дисциплины и её распределение**

количество зачётных единиц – 2,

общая трудоёмкость дисциплины в часах – 72 ч. (в т.ч. аудиторных часов – 28 ч., СРС – 40 ч.),

распределение по семестрам – 7,

форма и место отчётности – зачёт (7 семестр).

## **5. Краткое содержание дисциплины**

Логика высказываний.

Высказывания. Логические операции над высказываниями. Классификация формул логики высказываний. Тавтологии. Равносильность формул алгебры высказываний. Дизъюнктивная и конъюнктивная нормальные формы. Закон двойственности. Совершенные нормальные формы. Алфавит, система аксиом, правило вывода в исчислении высказываний. Теорема о дедукции в исчислении высказываний. Лемма о выводимости. Полнота исчисления высказываний в широком смысле. Непротиворечивость исчисления высказываний. Полнота исчисления высказываний в узком смысле. Независимость системы аксиом исчисления высказываний.

Логика предикатов.

Логика предикатов.  $n$ -местный предикат. Область истинности предиката. Логические операции над предикатами. Кванторы. Формулы логики предикатов. Обобщенные законы де Моргана. Предваренная нормальная форма формул логики предикатов. Проблема разрешимости в логике предикатов (Теорема Черча). Теоремы: прямая, обратная, противоположная, обратная к противоположной. Методы доказательства теорем. Алфавит. Термы. Формулы Связанные и свободные переменные исчисления предикатов. Аксиомы логические и специальные. Языки первого порядка. Теорема о дедукции в исчислении предикатов. Непротиворечивость и полнота исчисления предикатов в широком смысле без

специальных аксиом. Теорема Геделя. Отсутствие полноты исчислений высказываний в узком смысле в исчислении предикатов.

## **6. Разработчик**

Щучкин Николай Алексеевич, кандидат физико-математических наук, доцент кафедры высшей математики и физики ФГБОУ ВО «ВГСПУ»,

Кусов Владимир Михайлович, старший преподаватель кафедры высшей математики и физики ФГБОУ ВО «ВГСПУ».