

# ТЕОРИЯ ФУНКЦИЙ КОМПЛЕКСНОГО ПЕРЕМЕННОГО

## 1. Цель освоения дисциплины

Формирование систематизированных знаний по теории функций комплексного переменного.

## 2. Место дисциплины в структуре ОПОП

Дисциплина «Теория функций комплексного переменного» относится к вариативной части блока дисциплин.

Для освоения дисциплины «Теория функций комплексного переменного» обучающиеся используют знания, умения, способы деятельности и установки, сформированные в ходе изучения дисциплин «Алгебра», «Архитектура компьютера», «Вариативные методические системы обучения математике», «Вводный курс математики», «Высокоуровневые методы программирования», «Геометрия», «Дидактика математики с практикумом решения математических задач», «Дискретная математика», «Математическая логика и теория алгоритмов», «Математический анализ», «Методика обучения информатике», «Практикум решения задач по элементарной математике», «Программирование», «Теория вероятностей и математическая статистика», «Теория чисел», «Технологии обучения решению задач по математике повышенной сложности», «Частная методика обучения математике», «Численные методы», «Администрирование компьютерных систем», «Веб-дизайн и разработка интернет-приложений», «Дополнительные главы математического анализа», «Естественнонаучная картина мира», «Инструментальные учебные среды», «Информационные системы», «Информационные технологии», «Компьютерная графика и мультимедиа технологии», «Компьютерные сети», «Основные алгебраические системы», «Современные языки программирования», «Физика».

Освоение данной дисциплины является необходимой основой для последующего изучения дисциплин «Исследование операций», «Методика обучения информатике на углубленном уровне», «Методика обучения математике на углубленном уровне», «Пропедевтический курс обучения информатике», «Теоретические основы информатики», «Графы и их приложения», «Информационные технологии в управлении образованием», «История математики», «Основы теории решеток», «Перспективные направления искусственного интеллекта», «Перспективные направления компьютерного моделирования», «Расширения полей», «Социальная информатика», прохождения практик «Производственная (педагогическая) практика (Информатика)», «Учебная (методическая) практика».

## 3. Планируемые результаты обучения

В результате освоения дисциплины выпускник должен обладать следующими компетенциями:

– способен применять предметные знания в образовательном процессе (ПК-3).

**В результате изучения дисциплины обучающийся должен:**

**знать**

- определение комплексных чисел, функций комплексного переменного и их геометрический смысл;
- определение числовой последовательности и числового ряда, признаки сходимости числовых рядов, определение предела и непрерывности функции, их свойства;
- определение комплексной дифференцируемости функции и условия Коши-Римана, геометрический смысл модуля и аргумента производной;
- определение и свойства аналитической функции;
- определение и свойства контурного интеграла, формулу и теорему Коши;
- определение и свойства степенных рядов, рядов Лорана и Тейлора, равномерной

сходимости, определение вычета;  
– определение вычета;

#### **уметь**

– производить типовые операции над комплексными числами (в т.ч. отделять вещественную часть комплексной функции от мнимой);  
– исследовать числовой ряд на сходимость;  
– вычислять производные функций (в том числе и аналитических функций), проверять условия Коши-Римана;  
– вычислять производные аналитических функций, проверять условия Коши-Римана;  
– вычислять контурные интегралы от функций комплексного переменного и аналитических функций;  
– исследовать степенные ряды на сходимость, вычислять вычеты;

#### **владеть**

– приемами представления комплексных чисел в различных формах;  
– приемами вычисления пределов и исследования функции на непрерывность;  
– опытом нахождения производных функций;  
– приемами исследования функций на аналитичность;  
– опытом нахождения первообразной от аналитической функции в односвязной области;  
– приемами разложения аналитических функций в ряды Лорана и Тейлора.

### **4. Общая трудоёмкость дисциплины и её распределение**

количество зачётных единиц – 2,  
общая трудоёмкость дисциплины в часах – 72 ч. (в т.ч. аудиторных часов – 28 ч., СРС – 44 ч.),  
распределение по семестрам – 8,  
форма и место отчётности – зачёт (8 семестр).

### **5. Краткое содержание дисциплины**

Функции комплексного переменного.

Комплексные числа, алгебраическая, тригонометрическая и показательная формы.

Геометрический смысл. Операции над числами. Функции комплексного переменного.

Вещественная и мнимая части.

Предел и непрерывность функции комплексного переменного.

Числовые последовательности. Предел. Числовые ряды. Признаки сходимости Предел и непрерывность функции

Дифференцирование функции комплексного переменного. Понятие аналитической функции.

Комплексная дифференцируемость. Условия Коши-Римана. Геометрический смысл модуля и аргумента производной. Аналитичность.

Интегрирование функции комплексного переменного. Теорема Коши.

Контурный интеграл. Теорема Коши, формула Коши.

Ряды Тейлора и Лорана. Вычеты и их приложения.

Функциональные ряды. Равномерная сходимость. Степенные ряды. Ряд Тейлора. Ряд Лорана. Вычеты.

### **6. Разработчик**

Жуков Борис Александрович, доктор технических наук, профессор кафедры высшей математики и физики ФГБОУ ВО "ВГСПУ".