

МИНОБРНАУКИ РОССИИ
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования
«Волгоградский государственный социально-педагогический университет»
Факультет математики, информатики и физики
Кафедра алгебры, геометрии и математического анализа

«УТВЕРЖДАЮ»

Проректор по учебной работе

Ю. А. Жадаев

« 19 » / 08 / 2016 г.



Компьютерная алгебра

Программа учебной дисциплины


Направление 44.03.01 «Педагогическое образование»

Профиль «Математика»

заочная форма обучения

Волгоград
2016

Обсуждена на заседании кафедры алгебры, геометрии и математического анализа
«31» мая 2016 г., протокол № 10

Заведующий кафедрой  В.К.Картамов «31» мая 2016 г.
(подпись) (зав. кафедрой) (дата)

Рассмотрена и одобрена на заседании учёного совета факультета математики, информатики и
физики «30» 06 2016 г., протокол № 12

Председатель учёного совета  Т.К.Синювский «30» 06 2016 г.
(подпись) (дата)

Утверждена на заседании учёного совета ФГБОУ ВО «ВГСПУ»
«18» 08 2016 г., протокол № 1

Отметки о внесении изменений в программу:

Лист изменений № _____ (подпись) _____ (руководитель ОПОП) _____ (дата)

Лист изменений № _____ (подпись) _____ (руководитель ОПОП) _____ (дата)

Лист изменений № _____ (подпись) _____ (руководитель ОПОП) _____ (дата)

Разработчики:

Леcko Владимир Александрович, кандидат педагогических наук, доцент кафедры алгебры,
геометрии и математического анализа.

Программа дисциплины «Компьютерная алгебра» соответствует требованиям ФГОС ВО по
направлению подготовки 44.03.01 «Педагогическое образование» (утверждён приказом
Министерства образования и науки Российской Федерации от 4 декабря 2015 г. № 1426) и
базовому учебному плану по направлению подготовки 44.03.01 «Педагогическое
образование» (профиль «Математика»), утверждённому Учёным советом ФГБОУ ВПО
«ВГСПУ» (от 25 января 2016 г., протокол № 8).

1. Цель освоения дисциплины

Формирование систематизированных знаний в области компьютерной алгебры.

2. Место дисциплины в структуре ОПОП

Дисциплина «Компьютерная алгебра» относится к вариативной части блока дисциплин и является дисциплиной по выбору.

Профильной для данной дисциплины является исследовательская профессиональная деятельность.

Для освоения дисциплины «Компьютерная алгебра» обучающиеся используют знания, умения, способы деятельности и установки, сформированные в ходе изучения дисциплин «Естественнонаучная картина мира», «Информационные технологии в образовании», «Основы математической обработки информации», «Педагогика», «Психология», «Алгебра», «Анализ эволюционных задач», «Вводный курс математики», «Геометрия», «Дискретная математика», «Дифференциальные уравнения», «Дополнительные главы математического анализа», «Логическое введение в математику», «Математическая логика», «Математический анализ», «Разработка электронных образовательных ресурсов», «Теория алгоритмов», «Теория вероятностей и математическая статистика», «Теория функций действительного переменного», «Теория чисел», «Технологии Интернет-обучения», «Физика», «Числовые системы», прохождения практик «Исследовательская практика», «Практика по получению первичных профессиональных умений и навыков», «Практика по получению профессиональных умений и опыта профессиональной деятельности».

Освоение данной дисциплины является необходимой основой для последующего изучения дисциплин «Алгебраические системы», «История математики», «История становления математики», «Метрические пространства», «Основы универсальной алгебры», «Элементы статистической обработки данных», прохождения практик «Практика по получению профессиональных умений и опыта профессиональной деятельности», «Преддипломная практика».

3. Планируемые результаты обучения

В результате освоения дисциплины выпускник должен обладать следующими компетенциями:

– способностью использовать естественнонаучные и математические знания для ориентирования в современном информационном пространстве (ОК-3);

– способностью руководить учебно-исследовательской деятельностью обучающихся (ПК-12);

– владением математикой как универсальным языком науки, средством моделирования явлений и процессов; основными положениями классических разделов математической науки, базовыми идеями и методами математики, системой основных математических структур и аксиоматическим методом (СК-1).

В результате изучения дисциплины обучающийся должен:

знать

– способы представления классических алгебраических структур на компьютере, границы применимости символьных вычислений на компьютере;

- основные методы и алгоритмы компьютерной алгебры;
- основные методы работы с многочленами в системе компьютерной алгебры;

уметь

- решать с использованием математических пакетов базовые задачи, относящиеся к компьютерной алгебре;
- применять основные алгоритмы, реализованные в системе компьютерной алгебры, для решения задач теории чисел;
- применять основные алгоритмы, реализованные в системе компьютерной алгебры, для решения задач факторизации многочленов;

владеть

- представлением о связи абстрактной алгебры и символьных вычислений на компьютере;
- приемами использования системы компьютерной алгебры для решения задач теории чисел;
- приемами использования системы компьютерной алгебры для решения задач факторизации многочленов.

4. Объём дисциплины и виды учебной работы

Вид учебной работы	Всего часов	Семестры
		4л
Аудиторные занятия (всего)	10	10
В том числе:		
Лекции (Л)	–	–
Практические занятия (ПЗ)	–	–
Лабораторные работы (ЛР)	10	10
Самостоятельная работа	58	58
Контроль	4	4
Вид промежуточной аттестации		ЗЧ
Общая трудоемкость	часы	72
	зачётные единицы	2

5. Содержание дисциплины

5.1. Содержание разделов дисциплины

№ п/п	Наименование раздела дисциплины	Содержание раздела дисциплины
1	Предмет компьютерной алгебры	Предмет компьютерной алгебры. Символьные вычисления на компьютере. Проблемы разбухания данных. Алгоритмическая неразрешимость проблемы тождества слов в основных алгебраических структурах и ее влияние на развитие компьютерной алгебры. Основные формы и представления алгебраических объектов и выражений на компьютере. Работа с конечными алгебраическими структурами на компьютере (группы подстановок, графы, квазигруппы).
2	Арифметика целых чисел на компьютере	Сравнение, сложение, вычитание и умножение целых чисел в компьютерной алгебре. Деление с остатком.

		Возведение с степень по модулю, числа Кармайкла. Бинарный алгоритм и алгоритм Евклида. Сильный тест проверки на псевдопростоту Рабина-Миллера. Детерминированные тесты. Простые числа Мерсенна. Тест Люка-Лемера и проект GIMPS. Классические и современные алгоритмы факторизации натуральных чисел: метод Ферма; метод Моррисона-Бриллхарта; метод квадратичного решета. Проблема надежности RSA-шифрования с открытым ключом.
3	Работа с многочленами над конечными полями и полем рациональных чисел	Проблема факторизации многочленов (полиномов). Метод Кронекера. Строение конечных полей. Факторизация полиномов над конечными полями. Алгоритм Берлекемпа. Случай большого поля. Метрики поля рациональных чисел, р-адические числа, линейный и квадратичный подъем. Факторизация полиномов над полем рациональных чисел. Факторизация многочленов от нескольких переменных. Дискретное преобразование Фурье. Системы алгебраических уравнений.

5.2. Количество часов и виды учебных занятий по разделам дисциплины

№ п/п	Наименование раздела дисциплины	Лекц.	Практ. зан.	Лаб. зан.	СРС	Всего
1	Предмет компьютерной алгебры	–	–	3	17	20
2	Арифметика целых чисел на компьютере	–	–	3	17	20
3	Работа с многочленами над конечными полями и полем рациональных чисел	–	–	4	24	28

6. Перечень основной и дополнительной учебной литературы

6.1. Основная литература

1. Сиразов Ф.С. Абстрактная и компьютерная алгебра с применением Maxima [Электронный ресурс]: учебно-методическое пособие/ Сиразов Ф.С.— Электрон. текстовые данные.— Набережные Челны: Набережночелнинский государственный педагогический университет, 2014.— 49 с.— Режим доступа: <http://www.iprbookshop.ru/29873.html>.— ЭБС «IPRbooks».

6.2. Дополнительная литература

1. Седов Е.С. Основы работы в системе компьютерной алгебры Mathematica [Электронный ресурс]/ Седов Е.С.— Электрон. текстовые данные.— М.: Интернет-Университет Информационных Технологий (ИНТУИТ), 2012.— 207 с.— Режим доступа: <http://www.iprbookshop.ru/16717>.— ЭБС «IPRbooks», по паролю.

2. Панкратьев Е.В. Элементы компьютерной алгебры [Электронный ресурс]: учебное пособие/ Панкратьев Е.В.— Электрон. текстовые данные.— М.: БИНОМ. Лаборатория знаний, Интернет-Университет Информационных Технологий (ИНТУИТ), 2007.— 247 с.— Режим доступа: <http://www.iprbookshop.ru/15835>.— ЭБС «IPRbooks», по паролю.

7. Ресурсы Интернета

Перечень ресурсов Интернета, необходимых для освоения дисциплины:

1. База знаний и вычислительная система WolframAlpha. – URL: <http://www.wolframalpha.com>.
2. Научный форум dxdy – URL: <http://dxdy.ru/>.
3. PrimeGrid – проект добровольных распределенных вычислений, нацеленных на поиск простых чисел специального вида: <http://www.primegrid.com/>.
4. GIMPS – проект добровольных распределенных вычислений, нацеленный на поиск простых чисел Мерсенна: <http://www.mersenne.org/>.

8. Информационные технологии и программное обеспечение

Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине, включая перечень программного обеспечения и информационных справочных систем (при необходимости):

1. Система компьютерной алгебры Maple 12.
2. Свободная система компьютерной алгебры Maxima.

9. Материально-техническая база

Для проведения учебных занятий по дисциплине «Компьютерная алгебра» необходимо следующее материально-техническое обеспечение:

1. Компьютерный класс - ауд. 2215, 2107.

10. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины

Дисциплина «Компьютерная алгебра» относится к вариативной части блока дисциплин и является дисциплиной по выбору. Программой дисциплины предусмотрено проведение лабораторных работ. Промежуточная аттестация проводится в форме зачета.

Лабораторная работа представляет собой особый вид индивидуальных практических занятий обучающихся, в ходе которых используются теоретические знания на практике, применяются специальные технические средства, различные инструменты и оборудование. Такие работы призваны углубить профессиональные знания обучающихся, сформировать умения и навыки практической работы в соответствующей отрасли наук. В процессе лабораторной работы обучающийся изучает практическую реализацию тех или иных процессов, сопоставляет полученные результаты с положениями теории, осуществляет интерпретацию результатов работы, оценивает возможность применения полученных знаний на практике.

При подготовке к лабораторным работам следует внимательно ознакомиться с теоретическим материалом по изучаемым темам. Необходимым условием допуска к лабораторным работам, предполагающим использованием специального оборудования и материалов, является освоение правил безопасного поведения при проведении соответствующих работ. В ходе самой работы необходимо строго придерживаться плана работы, предложенного преподавателем, фиксировать промежуточные результаты работы для отчета по лабораторной работе.

Контроль за качеством обучения и ходом освоения дисциплины осуществляется на основе рейтинговой системы текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации студентов. Рейтинговая система предполагает 100-балльную оценку успеваемости студента по учебной дисциплине в течение семестра, 60 из которых отводится на текущий контроль, а 40 – на промежуточную аттестацию по дисциплине. Критериальная база рейтинговой

оценки, типовые контрольные задания, а также методические материалы по их применению описаны в фонде оценочных средств по дисциплине, являющемся приложением к данной программе.

11. Учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы

Самостоятельная работа обучающихся является неотъемлемой частью процесса обучения в вузе. Правильная организация самостоятельной работы позволяет обучающимся развивать умения и навыки в усвоении и систематизации приобретаемых знаний, обеспечивает высокий уровень успеваемости в период обучения, способствует формированию навыков совершенствования профессионального мастерства.

Самостоятельная работа обучающихся во внеаудиторное время включает в себя подготовку к аудиторным занятиям, а также изучение отдельных тем, расширяющих и углубляющих представления обучающихся по разделам изучаемой дисциплины. Такая работа может предполагать проработку теоретического материала, работу с научной литературой, выполнение практических заданий, подготовку ко всем видам контрольных испытаний, выполнение творческих работ.

Учебно-методическое обеспечение для самостоятельной работы обучающихся по дисциплине представлено в рабочей программе и включает в себя:

- рекомендуемую основную и дополнительную литературу;
- информационно-справочные и образовательные ресурсы Интернета;
- оценочные средства для проведения текущего контроля и промежуточной аттестации по дисциплине.

Конкретные рекомендации по планированию и проведению самостоятельной работы по дисциплине «Компьютерная алгебра» представлены в методических указаниях для обучающихся, а также в методических материалах фондов оценочных средств.

12. Фонд оценочных средств

Фонд оценочных средств, включающий перечень компетенций с указанием этапов их формирования, описание показателей и критериев оценивания компетенций на различных этапах их формирования, описание шкал оценивания, типовые контрольные задания и методические материалы является приложением к программе учебной дисциплины.