

# ТЕОРИЯ ЧИСЕЛ

## 1. Цель освоения дисциплины

Сформировать систематизированные знания по теории чисел.

## 2. Место дисциплины в структуре ОПОП

Дисциплина «Теория чисел» относится к вариативной части блока дисциплин.

Для освоения дисциплины «Теория чисел» обучающиеся используют знания, умения, способы деятельности и установки, сформированные в ходе изучения дисциплин «Алгебра», «Вводный курс математики», «Геометрия», «Математический анализ».

Освоение данной дисциплины является необходимой основой для последующего изучения дисциплин «Алгебраические системы», «Вариационное исчисление», «Дискретная математика», «Дифференциальные уравнения», «Дополнительные главы математического анализа», «Исследование операций», «История математики», «Компьютерная алгебра», «Математическая логика», «Руководство исследовательской работой обучающихся в области математики», «Теория алгоритмов», «Теория функций комплексного переменного», «Универсальная алгебра», «Числовые системы», прохождения практики «Преддипломная практика».

## 3. Планируемые результаты обучения

В результате освоения дисциплины выпускник должен обладать следующими компетенциями:

– владением математикой как универсальным языком науки, средством моделирования явлений и процессов; основными положениями классических разделов математической науки, базовыми идеями и методами математики, системой основных математических структур и аксиоматическим методом (СК-1).

**В результате изучения дисциплины обучающийся должен:**

### *знать*

- основные свойства делимости целых чисел;
- основные понятия теории сравнений;
- основные свойства показателей и индексов чисел по модулю;

### *уметь*

- находить наибольший общий делитель и наименьшее общее кратное целых чисел;
- применять основные свойства сравнений при решении арифметических задач;
- находить индексы и антииндексы целых чисел по простому модулю;

### *владеть*

- методами решения арифметических задач на основе положений теории делимости;
- способами решения сравнений первой степени;
- приемами решения двучленных и показательных сравнений с помощью таблиц индексов.

## 4. Общая трудоёмкость дисциплины и её распределение

количество зачётных единиц – 3,

общая трудоёмкость дисциплины в часах – 108 ч. (в т. ч. аудиторных часов – 18 ч., СРС – 86 ч.),

распределение по семестрам – 2 курс, лето,

форма и место отчётности – аттестация с оценкой (2 курс, лето).

## **5. Краткое содержание дисциплины**

Теория делимости в кольце целых чисел.

Делимость целых чисел. Теорема о делении с остатком для целых чисел. Наибольший общий делитель и наименьшее общее кратное целых чисел. Алгоритм Евклида вычисления наибольшего общего делителя двух целых чисел. Взаимно простые числа и их свойства. Простые и составные целые числа. Каноническое разложение натурального числа на простые множители. Вычисление наибольшего общего делителя, наименьшего общего кратного целых чисел, количества и суммы натуральных делителей данного натурального числа.

Элементы теории сравнений.

Сравнения по модулю, их основные свойства. Классы вычетов по модулю, их свойства. Теоремы Эйлера и Ферма, их применение. Применение числовых сравнений для вывода признаков делимости. Сравнения с неизвестной величиной. Сравнения первой степени. Способы решения сравнений первой степени.

Показатели и индексы.

Показатели чисел и классов вычетов по данному простому модулю. Индексы чисел по данному модулю. Таблицы индексов и антииндексов по простым модулям. Применение индексов для решения сравнений.

## **6. Разработчик**

Карташова Анна Владимировна, кандидат физико-математических наук, доцент кафедры алгебры, геометрии и математического анализа ФГБОУ ВО "ВГСПУ".